

Model Probabilistik *Fuzzy Goal Programming* Berdistribusi Pareto dengan Urutan Prioritas pada Permasalahan Produksi Kue

Eka Susanti

Jurusan Matematika Fakultas MIPA Universitas Sriwijaya
Email: eka_susanti@mipa.unsri.ac.id

Oki Dwipurwani

Jurusan Matematika Fakultas MIPA Universitas Sriwijaya
Email: Okidwip@unsri.ac.id

Robinson Sitepu

Jurusan Matematika Fakultas MIPA Universitas Sriwijaya
Email: robinson.sitepu@rocketmail.com

Wulandari

Jurusan Matematika Fakultas MIPA Universitas Sriwijaya

Liani Natasia

Jurusan Matematika Fakultas MIPA Universitas Sriwijaya

***Abstract:** Yulis's home industry is one of the Small and Medium Bussiness (UKM) on Palembang city. Yulis's home industry produces bolu kukus, kue lapis, kue pare, kumbu kacang, srikaya, and wajik. Most of cakes that will be produced by Yuli is still based on the cake sale on the last day, so that the profit is still not optimal condition. This research aims to create preemptive priority additive approach to Fuzzy Goal Programming Probabilistic (PFGP) model with Pareto distribution for maximize profits, minimize the production of perishable cake, and maximize best sellers cake. The results are obtained maximum profit is Rp. 8.488.569 on a week, the amount of perishable cake is 1,295 pieces on a week, and optimal production for best seller cake as much as 8,489 pieces on a week.*

Keywords : PFGP, Pareto Distribution, Preemptive Priority.

1. Pendahuluan

Salah satu bidang UKM dalam negeri yang menunjukkan perkembangan cukup pesat ialah bidang industri makanan (bolomba dkk, 2016). Usaha produksi kue Yuli adalah salah satu UKM yang di Palembang. Usaha Yuli memproduksi berbagai macam produk makanan, seperti bolu kukus, harum manis, kue lapis, kue pare, kumbu kacang, srikaya, dan wajik. Aktivitas produksi pada industri ini masih menggunakan perkiraan. Perencanaan

produksi yang tepat sangat dibutuhkan oleh industri ini untuk dapat mencapai tujuan-tujuan yang diinginkan. Perencanaan produksi dapat menggunakan pendekatan matematika. Model Goal Programming (GP) dapat digunakan dalam kegiatan perencanaan produksi. Model Linier GP adalah bentuk khusus dari Linier Programming (LP), pada GP terdapat variabel deviasional dan beberapa tujuan yang akan dicapai secara simultan. Model GP merupakan salah satu teknik yang dapat digunakan dalam pengambilan keputusan pada permasalahan yang melibatkan lebih dari satu tujuan dengan penyelesaian secara serentak (Barik, 2015). Menurut Elikson D dalam Hartini dkk (2014), tujuan-tujuan tersebut dapat saling berkaitan dan juga saling bertentangan.

Harga bahan baku yang tidak tetap mengakibatkan nilai variabel dan tujuan yang diinginkan tidak dapat didefinisikan dengan pasti, sehingga untuk mengatasi kondisi ketidakpastian dilakukan pendekatan *fuzzy*. Model GP dengan bilangan *fuzzy* dikenal dengan model *Fuzzy Goal Programming* (FGP). Adanya nilai dari beberapa parameter pada model FGP yang tidak diketahui membuat persoalan FGP berada dibawah pemrograman stokastik. Model FGP yang terdiri dari beberapa variabel acak dengan distribusi probabilitas yang diketahui disebut sebagai model Probabilistik *Fuzzy Goal Programming* (PFGP).

Kue yang diproduksi oleh Yuli mempunyai batas waktu ketahanan tertentu untuk dapat dikonsumsi. Dalam matematika, analisa statistik yang membahas tentang daya tahan hidup suatu benda atau individu dalam keadaan operasional tertentu adalah analisa data uji hidup. Salah satu distribusi yang ada dalam analisa data uji hidup adalah distribusi Pareto. Penerapan analisa ini pada bidang produksi berkaitan dengan pemodelan tentang ketahanan hidup benda-benda produksi yang seringkali disebut keandalan atau reliabilitas (Saifudin, 2006). Model PFGP berdistribusi Pareto untuk permasalahan produksi industri kue Yuli dapat diterapkan.

2 Metode

Berikut diberikan Langkah-langkah penyelesaian permasalahan optimal produksi pada usaha kue Yuli:

1. Pengumpulan data sekunder, yaitu data jenis dan harga jual per potong (per satuan) setiap kue, jumlah produksi, bahan baku pembuatan kue, persediaan bahan baku, penjualan setiap kue dan biaya produksi.
2. Mendefinisikan variabel dan parameter keputusan yang digunakan, dengan variabel $x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6$ masing-masing secara berurutan yaitu bolu kukus, kue lapis, kue pare, kumbu kacang, srikaya dan wajik sedangkan jumlah bahan baku berupa gula merah, gula putih, kacang hijau kupas, kacang merah, kelapa, ketan, santan, telur, tapioka, tepung ketan, dan tepung terigu sebagai parameter.

3. Membentuk model PFGP yang diperkenalkan oleh Barik (2015).
4. Mentransformasikan model PFGP berdistribusi Pareto dengan urutan prioritas memaksimalkan keuntungan, meminimalkan produksi kue yang cepat basi, dan memaksimalkan penjualan kue yang banyak laku ke bentuk deterministik.
5. Menyelesaikan model PFGP berdistribusi Pareto yang diperoleh pada Langkah 4 menggunakan alat bantu *software* Lingo 17.0.
6. Interpretasi hasil.
7. Kesimpulan.

3. Hasil Dan Pembahasan

Berikut diberikan data penggunaan bahan baku selama satu minggu.

Tabel 1. Penggunaan dan Persediaan Bahan Baku

No.	Jenis Bahan Baku Produksi	Jumlah Bahan Tiap Kue (Kg)						Perkiraan Persediaan Bahan Baku mingguan (Kg)
		Bolu Kukus	Kue Lapis	Kue Pare	Kumbu Kacang	Srikaya	Wajik	
		(x_1)	(x_2)	(x_3)	(x_4)	(x_5)	(x_6)	
1.	Gula Merah	-	-	-	-	-	0,00267	6,2
2.	Gula Putih	0,01	0,01	0,0144	0,007	0,0167	0,0067	134,5
3.	Kacang Hijau Kupas	-	-	0,0144	-	-	-	15,4
4.	Kacang Merah	-	-	-	0,013	-	-	35,5
5.	Kelapa	-	-	-	0,008	-	-	21
6.	Ketan	-	-	-	-	-	0,014	35,7
7.	Santan	-	0,0245	-	-	0,0167	0,014	131,5
8.	Telur	0,008	-	-	-	0,04	-	48,9
9.	Tapioka	-	0,01	-	-	-	-	43
10.	Tepung Ketan	-	-	0,01	-	-	-	11,9
11.	Tepung Terigu	0,005	-	-	-	-	-	20,4

Sumber : Industri kue rumah Yuli, Maret 2018

Berdasarkan data-data yang telah diperoleh, persoalan produksi pada industri kue Yuli dapat dibentuk kedalam model PFGP sebagai berikut:

Tentukan $X = \{x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6\}$ untuk mengoptimalkan *fuzzy goals* berikut:

$$f_1(x) = 980x_1 + 787x_2 + 749x_3 + 971x_4 + 1.023x_5 + 813x_6 \geq 8.488.570 \text{ (Goal Keuntungan)}$$

$$f_2(x) = x_3 + x_5 \leq 1.295 \text{ (Goal Jumlah Produksi kue cepat basi)}$$

$$f_3(x) = x_1 + x_2 + x_4 \geq 8.736 \text{ (Goal Jumlah kue banyak laku)}$$

dengan kendala

$$Pr(0,00267x_6 \leq b_1) \geq 1 - \gamma_1 \tag{1}$$

$$Pr(0,01x_1 + 0,01x_2 + 0,0144x_3 + 0,007x_4 + 0,0167x_5 + 0,0067x_6 \leq b_2) \geq 1 - \gamma_2$$

$$Pr(0,0144x_3 \leq b_3) \geq 1 - \gamma_3$$

$$Pr(0,013x_4 \leq b_4) \geq 1 - \gamma_4$$

$$Pr(0,008x_4 \leq b_5) \geq 1 - \gamma_5$$

$$Pr(0,014x_6 \leq b_6) \geq 1 - \gamma_6$$

$$Pr(0,0245x_2 + 0,0167x_5 + 0,014x_6 \leq b_7) \geq 1 - \gamma_7$$

$$Pr(0,008x_1 + 0,04x_5 \leq b_8) \geq 1 - \gamma_8$$

$$Pr(0,01x_2 \leq b_9) \geq 1 - \gamma_9$$

$$Pr(0,01x_3 \leq b_{10}) \geq 1 - \gamma_{10}$$

$$Pr(0,005x_1 \leq b_{11}) \geq 1 - \gamma_{11}$$

$$x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6 \geq 0$$

$$E(b_1) = 7,5; E(b_2) = 157; E(b_3) = 18; E(b_4) = 41,5; E(b_5) = 24,5; E(b_6) = 41,75; E(b_7) = 153,25; E(b_8) = 57; E(b_9) = 50; E(b_{10}) = 13,5; E(b_{11}) = 21,25.$$

$$Var(b_1) = 2,25; \quad Var(b_2) = 709,02; \quad Var(b_3) = 9,52; \quad Var(b_4) = 50,58;$$

$$Var(b_5) = 17,15; \quad Var(b_6) = 51,56; \quad Var(b_7) = 659,54; \quad Var(b_8) = 91,56;$$

$$Var(b_9) = 68,13; \quad Var(b_{10}) = 3,34; \quad Var(b_{11}) = 0,79$$

$$q_1 = 6,2; \quad q_2 = 134,5; \quad q_3 = 15,4; \quad q_4 = 35,5; \quad q_5 = 21; \quad q_6 = 35,7;$$

$$q_7 = 131,5; \quad q_8 = 48,9; \quad q_9 = 43; \quad q_{10} = 11,9; \quad q_{11} = 20,4$$

$$p_1 = 5,8; \quad p_2 = 6,98; \quad p_3 = 6,92; \quad p_4 = 6,92; \quad p_5 = 7; \quad p_6 = 6,90;$$

$$p_7 = 7,05; p_8 = 7,04; p_9 = 7,14; p_{10} = 8,45; p_{11} = 25.$$

Fungsi keanggotaan goal keuntungan

$$P_1 \mu_1(f_1(X)) = \begin{cases} 1, & \\ \frac{980x_1 + 787x_2 + 749x_3 + 971x_4 + 1.023x_5 + 813x_6 - 2.790.585}{5.697.985}, & \\ 0, & \end{cases}$$

bernilai 1 jika $980x_1 + 787x_2 + 749x_3 + 971x_4 + 1.023x_5 + 813x_6 \geq 8.488.570$

bernilai 0 jika $980x_1 + 787x_2 + 749x_3 + 971x_4 + 1.023x_5 + 813x_6 \leq 2.790.585$

Fungsi keanggotaan goal jumlah kue cepat basi adalah:

$$P_2 \mu_2(f_2(X)) = \begin{cases} 1, & \text{jika } x_3 + x_5 \leq 1.295 \\ \frac{1.785 - (x_3 + x_5)}{490}, & \text{jika } 1.295 \leq x_3 + x_5 \leq 1.785 \\ 0, & \text{jika } x_3 + x_5 \geq 1.785 \end{cases}$$

Fungsi keanggotaan goal jumlah kue banyak laku

$$P_3\mu_3(f_3(X)) = \begin{cases} 1, & \text{jika } x_1 + x_2 + x_4 \geq 8.736 \\ \frac{x_1 + x_2 + x_4 - 2.660}{6.076}, & \text{jika } 2.660 \leq x_1 + x_2 + x_4 \leq 8.736 \\ 0, & \text{jika } x_1 + x_2 + x_4 \leq 2.660 \end{cases}$$

Bentuk deterministik model PFGP berdistribusi Pareto (1) dengan tiga urutan prioritas dirumuskan sebagai berikut.

Maksimum

$$D(\mu) = P_1 \mu_1^*(f_1(X)) + P_2 \mu_2^*(f_2(X)) + P_3 \mu_3^*(f_3(X))$$

dengan kendala

$$\begin{aligned} P_1 \mu_1(f_1(X)) &= \frac{980x_1 + 787x_2 + 749x_3 + 971x_4 + 1.023x_5 + 813x_6 - 2.790.585}{5.697.985} \\ 2.790.585 &\leq 980x_1 + 787x_2 + 749x_3 + 971x_4 + 1.023x_5 + 813x_6 \leq 8.488.570 \\ P_2 \mu_2(f_2(X)) &= \frac{1.785 - (x_3 + x_5)}{490} \\ 1.295 &\leq x_3 + x_5 \leq 1.785 \\ P_3 \mu_3(f_3(X)) &= \frac{x_1 + x_2 + x_4 - 2.660}{6.076} \\ 2,660 &\leq x_1 + x_2 + x_4 \leq 8,736 \\ 0,00267x_6 &\leq \frac{6,2}{(1-0,03)^{\frac{1}{5,8}}} \\ 0,01x_1 + 0,01x_2 + 0,0144x_3 + 0,007x_4 + 0,0167x_5 + 0,0067x_6 &\leq \frac{134,5}{(1-0,1)^{\frac{1}{6,98}}} \\ 0,0144x_3 &\leq \frac{15,4}{(1-0,04)^{\frac{1}{6,92}}}, 0,013x_4 \leq \frac{35,5}{(1-0,02)^{\frac{1}{6,92}}} \\ 0,008x_4 &\leq \frac{21}{(1-0,01)^{\frac{1}{7}}}, 0,014x_6 \leq \frac{35,7}{(1-0,02)^{\frac{1}{6,90}}} \\ 0,0245x_2 + 0,0167x_5 + 0,014x_6 &\leq \frac{131,5}{(1-0,09)^{\frac{1}{7,05}}}, 0,008x_1 + 0,04x_5 \leq \frac{48,9}{(1-0,08)^{\frac{1}{7,04}}} \\ 0,01x_2 &\leq \frac{43}{(1-0,07)^{\frac{1}{7,14}}}, 0,01x_3 \leq \frac{11,9}{(1-0,05)^{\frac{1}{8,45}}}, 0,005x_1 \leq \frac{20,4}{(1-0,06)^{\frac{1}{25}}} \\ P_k \mu_k(f_k(X)) &= P_k \mu_k^*(f_k(X)) \quad \text{dengan } k = 1,2,3 \\ P_1 \mu_1(f_1(X)) &\leq 1, P_2 \mu_2(f_2(X)) \leq 1, P_3 \mu_3(f_3(X)) \leq 1 \\ P_1 \mu_1(f_1(X)), P_2 \mu_2(f_2(X)), P_3 \mu_3(f_3(X)) &\geq 0, x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6 \geq 0. \end{aligned} \tag{2}$$

Menggunakan software Lingo 17 diperoleh penyelesaian Permasalahan (2)

$$P_1 \mu_1(f_1(X)) = 0,9999, ; P_2 \mu_2(f_2(X)) = 1,00 ; P_3 \mu_3(f_3(X)) = 0,9593$$

$$x_1 = 1523, x_2 = 4338, x_3 = 1075, x_4 = 2628, x_5 = 220, x_6 = 0$$

Goal untuk memaksimalkan keuntungan, meminimumkan jumlah kue cepat basi dan memaksimalkan jumlah kue banyak laku dapat dicapai, hal ini dilihat dari nilai $P_1 \mu_1(f_1(X)), P_2 \mu_2(f_2(X)),$ dan $P_3 \mu_3(f_3(X))$ yang mendekati nilai 1. Setiap minggu dapat diproduksi bolu kukus sebanyak 1523 potong, kue lapis sebanyak 4338 potong, kue pare sebanyak 1075 potong, kumbu kacang sebanyak 2628 potong, srikaya sebanyak 220 buah.

Keuntungan yang diperoleh sebesar Rp 8.488.569, jumlah kue cepat basi sebanyak 1295 potong dan jumlah kue banyak laku sebanyak 8489.

Bentuk deterministik model PFGP berdistribusi Pareto (1) dengan prioritas Keuntungan (P_1) dirumuskan sebagai berikut.

Maksimum

$$D(\mu) = P_1 \mu_1^*(f_1(X))$$

dengan kendala

$$P_1 \mu_1(f_1(X)) = \frac{980x_1+787x_2+749x_3+971x_4+1.023x_5+813x_6-2.790.585}{5.697.985}$$

$$2.790.585 \leq 980x_1 + 787x_2 + 749x_3 + 971x_4 + 1.023x_5 + 813x_6 \leq 8.488.570$$

$$0,00267x_6 \leq \frac{6,2}{(1-0,03)^{\frac{1}{5,8}}}$$

$$0,01x_1 + 0,01x_2 + 0,0144x_3 + 0,007x_4 + 0,0167x_5 + 0,0067x_6 \leq \frac{134,5}{(1-0,1)^{\frac{1}{6,98}}}$$

$$0,0144x_3 \leq \frac{15,4}{(1-0,04)^{\frac{1}{6,92}}}, 0,013x_4 \leq \frac{35,5}{(1-0,02)^{\frac{1}{6,92}}}$$

$$0,008x_4 \leq \frac{21}{(1-0,01)^{\frac{1}{7}}}, 0,014x_6 \leq \frac{35,7}{(1-0,02)^{\frac{1}{6,90}}}$$

(3)

$$0,0245x_2 + 0,0167x_5 + 0,014x_6 \leq \frac{131,5}{(1-0,09)^{\frac{1}{7,05}}}, 0,008x_1 + 0,04x_5 \leq \frac{48,9}{(1-0,08)^{\frac{1}{7,04}}}$$

$$0,01x_2 \leq \frac{43}{(1-0,07)^{\frac{1}{7,14}}}, 0,01x_3 \leq \frac{11,9}{(1-0,05)^{\frac{1}{8,45}}}, 0,005x_1 \leq \frac{20,4}{(1-0,06)^{\frac{1}{25}}}$$

$$P_1 \mu_1(f_1(X)) = P_1 \mu_1^*(f_1(X))$$

$$P_1 \mu_1(f_1(X)) \leq 1, P_1 \mu_1(f_1(X)) \geq 0, x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6 \geq 0.$$

diperoleh penyelesaian Permasalahan (3) sebagai berikut.

$$P_1 \mu_1(f_1(X)) = 0,9999 ;$$

$$x_1 = 4090, x_2 = 111, x_3 = 0, x_4 = 2570, x_5 = 0, x_6 = 2334$$

Goal memaksimalkan keuntungan dapat dicapai, hal ini dapat dilihat dari nilai $P_1 \mu_1(f_1(X)) = 0,9999$ (mendekati satu) dengan memproduksi bolu kukus sebanyak 4090 potong, kue lapis sebanyak 111 potong, kumbu kacang sebanyak 2570 potong, wajik sebanyak 2334 potong perminggu. Total keuntungan yang diperoleh sebesar Rp 8.488.569, jumlah kue cepat basi sebanyak 1295 potong dan jumlah kue banyak laku 6254 potong.

Bentuk deterministik model PFGP berdistribusi Pareto (1) prioritas meminimumkan jumlah kue cepat basi dirumuskan sebagai berikut.

Maksimum

$$D(\mu) = P_1 \mu_1^*(f_1(X)) + P_2 \mu_2^*(f_2(X))$$

dengan kendala

$$P_1 \mu_1(f_1(X)) = \frac{980x_1+787x_2+749x_3+971x_4+1.023x_5+813x_6-2.790.585}{5.697.985}$$

$$2.790.585 \leq 980x_1 + 787x_2 + 749x_3 + 971x_4 + 1.023x_5 + 813x_6 \leq 8.488.570$$

$$\begin{aligned}
 P_2 \mu_2(f_2(X)) &= \frac{1.785 - (x_3 + x_5)}{490} \\
 1.295 &\leq x_3 + x_5 \leq 1.785 \\
 0,00267x_6 &\leq \frac{6,2}{(1-0,03)^{\frac{1}{5,8}}} \\
 0,01x_1 + 0,01x_2 + 0,0144x_3 + 0,007x_4 + 0,0167x_5 + 0,0067x_6 &\leq \frac{134,5}{(1-0,1)^{\frac{1}{6,98}}} \\
 0,0144x_3 &\leq \frac{15,4}{(1-0,04)^{\frac{1}{6,92}}}, \quad 0,013x_4 \leq \frac{35,5}{(1-0,02)^{\frac{1}{6,92}}} \\
 0,008x_4 &\leq \frac{21}{(1-0,01)^{\frac{1}{7}}}, \quad 0,014x_6 \leq \frac{35,7}{(1-0,02)^{\frac{1}{6,90}}} \\
 0,0245x_2 + 0,0167x_5 + 0,014x_6 &\leq \frac{131,5}{(1-0,09)^{\frac{1}{7,05}}}, \quad 0,008x_1 + 0,04x_5 \leq \frac{48,9}{(1-0,08)^{\frac{1}{7,04}}} \\
 0,01x_2 &\leq \frac{43}{(1-0,07)^{\frac{1}{7,14}}}, \quad 0,01x_3 \leq \frac{11,9}{(1-0,05)^{\frac{1}{8,45}}}, \quad 0,005x_1 \leq \frac{20,4}{(1-0,06)^{\frac{1}{25}}} \\
 P_k \mu_k(f_k(X)) &= P_k \mu_k^*(f_k(X)) \quad \text{dengan } k = 1, 2 \\
 P_1 \mu_1(f_1(X)) &\leq 1, \quad P_2 \mu_2(f_2(X)) \leq 1, \quad P_1 \mu_1(f_1(X)), \quad P_2 \mu_2(f_2(X)) \geq 0, \\
 x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6 &\geq 0.
 \end{aligned}
 \tag{4}$$

Menggunakan software Lingo 17 diperoleh penyelesaian Permasalahan (4)

$$P_1 \mu_1(f_1(X)) = 1,00, ; P_2 \mu_2(f_2(X)) = 0,999 ;$$

$$x_1 = 3652, x_2 = 0, x_3 = 1075, x_4 = 2602, x_5 = 220, x_6 = 1664.$$

Goal untuk meminimumkan jumlah produksi yang cepat basi tercapai, dapat dilihat dari nilai $P_2 \mu_2(f_2(X))$ yang mendekati 1 dengan memproduksi bolu kukus sebanyak 3652 potong, kue pare sebanyak 1075 potong, kumbu kacang sebanyak 2602 potong, srikaya sebanyak 220 potong dan wajik sebanyak 1664 potong perminggu. Total keuntungan yang diperoleh sebesar Rp 8.488.569, jumlah kue cepat basi sebanyak 1295 potong dan kue banyak laku 6254 potong.

4. Kesimpulan

Berdasarkan hasil dan pembahasan, dapat disimpulkan :

1. Goal memaksimalkan keuntungan dapat dicapai, hal ini dapat dilihat dari nilai $P_1 \mu_1(f_1(X)) = 0,9999$ (mendekati satu). Total keuntungan perminggu yang diperoleh sebesar Rp 8.488.569, jumlah kue cepat basi sebanyak 1295 potong dan jumlah kue banyak laku 6254 potong.
2. Goal untuk meminimumkan jumlah produksi yang cepat basi tercapai, dapat dilihat dari nilai $P_2 \mu_2(f_2(X))$ yang mendekati 1. Total keuntungan yang diperoleh sebesar Rp 8.488.569, jumlah kue cepat basi sebanyak 1295 potong dan kue banyak laku 6254 potong.

3. Goal untuk memaksimalkan keuntungan, meminimumkan jumlah kue cepat basi dan memaksimalkan jumlah kue banyak laku dapat dicapai, hal ini dilihat dari nilai $P_1 \mu_1(f_1(X))$, $P_2 \mu_2(f_2(X))$, dan $P_3 \mu_3(f_3(X))$ yang mendekati nilai 1. Keuntungan yang diperoleh sebesar Rp 8.488.569, jumlah kue cepat basi sebanyak 1295 potong dan jumlah kue banyak laku sebanyak 8489.

Daftar Pustaka

- Barik, S. K. (2015). Probabilistic fuzzy goal programming problems involving pareto distribution: some additive approaches. *Vol.7, 227-244*.
- Bolomba, A., Sahari, A., & Jaya, A. I. (2016). Optimalisasi produksi roti dengan menggunakan metode goal programming (studi kasus: UKM ibaraki bakery kota palu) *Jurnal ilmiah matematika dan terapan, Vol. 12, No. 2, ISSN : 2450 – 766X, 199 - 210*.
- Damanik, E., Gultom, P., & Nababan, E. S. (2013). Penerapan Metode Goal Programming untuk Mengoptimalkan Produksi Teh. *Jurnal Sainia Matematika, Vol. 1, No. 2, 117–128*.
- Hartini, Sahari, A., & Ratianingsih, R. (2014). Penerapan metode goal programming untuk memaksimalkan persediaan dan meminimumkan biaya pendistribusian beras di perum bulog divre palu *Jurnal ilmiah matematika dan terapan, vol.11, No.1, ISSN : 2450 – 766X, 13-26*.
- Kusumadewi, S., Hartati, S., Harjoko, A., & Wardoyo, R. (2006). *Fuzzy Multi-Attribute Decision Making (Fuzzy Madm)*. Yogyakarta: Graha Ilmu.
- Saifudin, T. (2006). Pendekatan Terbaik diantara Distribusi Pareto, Pareto Tergeneralisir, dan *Mixture-Pareto* dalam Pemodelan Reliabilitas. *Jurnal Ilmu Dasar, Vol. 7, No.2, 146-154*.
- Siswanto. (2006). *Operations Research*. Yogyakarta: Penerbit Erlangga.
- Tampinongkol, F. F., Rindengan, A. J., & Latumakulita, L. A. (2015). Aplikasi Fuzzy Goal Programming (Studi Kasus: UD. Sinar Sakti Manado). *Vol. 4, No. 2*.